

УДК 517.925.54:517.962.27/.8

# АДАРЛАВ-М: ДИРЕКТИВА ДЛЯ ИДЕНТИФИКАЦИИ С САМОНАСТРОЙКОЙ ИСПЫТАТЕЛЬНОГО СИГНАЛА

А.Г. Александров

*Институт проблем управления им. В.А. Трапезникова РАН*  
Россия, 117997, Москва, Профсоюзная ул., 65

E-mail: [alex7@ipu.rssi.ru](mailto:alex7@ipu.rssi.ru)

Ю.Ф. Орлов

*Московский государственный университет им. М.В. Ломоносова*  
Россия, 119992, Москва, Ленинские горы

**Ключевые слова:** программное обеспечение, идентификация, частотный подход

**Key word:** software, identification, frequency domain approach

В работе описывается директива для идентификации объекта при произвольных ограниченных внешних возмущениях с самонастройкой испытательного сигнала. Реализована она в системе MATLAB. Приведен пример работы с директивой.

**ADAPLAB-M: DIRECTIVE FOR IDENTIFICATION WITH TEST SIGNAL SELFTUNING** / A.G. Alexandrov (Institute of Control Sciences, 65, Profsoyuznaya, Moscow, 117997, Russia, E-mail: [alex7@ipu.rssi.ru](mailto:alex7@ipu.rssi.ru)), Yu.F. Orlov (Moscow State University, Leninskiye gory, Moscow, 119992, Russia). In the paper new directive for identification of plant excited by a external disturbance with test signal selftuning is described. This is a system MATLAB realization. An example of the directive application is given.

## 1. Введение

В последние десятилетия развиваются методы идентификации линейных объектов управления, когда внешние возмущения и помехи являются неизвестными ограниченными функциями. В этих случаях к объекту прикладываются специально формируемые воздействия (испытательные сигналы). Для идентификации используются методы инструментальных переменных [1], конечно-частотной идентификации [2], рандомизированные алгоритмы [3].

Естественное ограничение на выбор испытательного сигнала: независимость его от возмущений и помех (некоррелированность с ними). Такой сигнал не должен также заметно влиять на режим нормальной эксплуатации объекта и снижать качество управления. Для выполнения этих условий необходима самонастройка испытательного сигнала в процессе идентификации объекта в реальных условиях. MATLAB-приложение ADAPLAB-M, являющееся программным обеспечением конечно-частотной идентификации и частотного

адаптивного управления содержит директивы<sup>1</sup>: «Конечно-частотная идентификация» [4], и «Самонастройка испытательного сигнала» [5].

В настоящей работе излагается директива D111sefad: «Конечно-частотная идентификация с самонастройкой испытательного сигнала», которая является объединением указанных выше директив для одномерных объектов (объектов с одним измеряемым входом и одним измеряемым выходом). Эта директива дает новые возможности для идентификации, так как в отличие от существующих MATLAB-пакетов “System Identification Toolbox” и “Frequency Domain Identification” [6], в ней учитывается ограничение входа и выхода объекта управления и проверяется некоррелированность испытательного сигнала с возмущениями и помехами.

## 2. Область применения

Рассмотрим асимптотически устойчивый объект, описываемый дифференциальным уравнением

$$(1) \quad y^{(n)} + d_{n-1}y^{(n-1)} + \dots + d_1\dot{y} + d_0y = k_\gamma u^{(\gamma)} + \dots + k_1\dot{u} + k_0u + f, \quad t \geq t_0,$$

где  $y(t)$  – измеряемый выход,  $u(t)$  – измеряемый вход (испытательный сигнал),  $f(t)$  – неизвестное ограниченное возмущение:  $|f(t)| \leq f^*$ , где  $f^*$  – число. Коэффициенты  $d_i$  и  $k_j$  ( $i = \overline{0, n-1}$ ,  $j = \overline{0, \gamma}$ ) – неизвестные числа,  $n$  и  $\gamma < n$  известны.

Выход и вход объекта управления (1) ограничены:

$$(2) \quad |y(t)| \leq y_-, \quad |u(t)| \leq u_-, \quad t \geq t_0,$$

где  $y_-$  и  $u_-$  – заданные числа. Число  $y_-$  таково, что выполняется условие

$$(3) \quad |\bar{y}(t)| < y_-, \quad t \geq t_0,$$

в котором  $\bar{y}(t)$  – «естественный» выход объекта (выход в режиме его нормальной эксплуатации), когда испытательный сигнал отсутствует ( $u(t) = 0$ ).

**Примечание 1.** Понятие «естественный» выход объекта может включать в себя более общий случай, когда к объекту (1) наряду с возмущениями  $f(t)$  приложен управляющий сигнал  $u_{\text{prog}}(t)$ . В этом случае в уравнении (1):  $u(t) = u_{\text{prog}}(t) + u_{\text{test}}(t)$ , где  $u_{\text{test}}(t)$  – испытательный сигнал. Включая функцию  $k_\gamma u_{\text{prog}}^{(\gamma)} + \dots + k_1 \dot{u}_{\text{prog}} + k_0 u_{\text{prog}}$  в функцию  $f(t)$  и опуская нижний индекс в обозначении испытательного сигнала  $u_{\text{test}}(t)$ , приходим к уравнению (1), в котором «естественный» выход объекта возбуждаем не только возмущением  $f(t)$ , но и управлением  $u_{\text{prog}}(t)$ . Ограничения (2) и условие (3) означают, что испытательный сигнал использует лишь остаточные (остающиеся в режиме нормальной эксплуатации объекта) ресурсы  $|y(t)| - y_-$  определяющиеся числами  $y_-$  и  $u_-$ . ■

<sup>1</sup>Директива – это программа, формирующая интерфейс (ввода исходных данных, вывода промежуточных данных и результатов вычислений), производящая необходимые вычисления (содержащая расчетную часть, позволяющую решать точно описанный класс задач автоматического управления либо идентификации), и формирующая протокол по завершении своей работы.

Задача идентификации состоит в нахождении оценок коэффициентов объекта (1) при ограничениях (2). Директива D111sefad: «Конечно-частотная идентификация с самонастройкой испытательного сигнала» служит для решения этой задачи. Функции этой директивы могут быть использованы для планирования эксперимента идентификации. Для этой цели используется технологическая модель объекта, которая описывается уравнением (1) с коэффициентами, определяющимися на основе знаний специалиста (технолога) об идентифицируемом объекте. Это некоторая *предполагаемая* модель истинного объекта и она может существенно отличаться от истинной его модели. Коэффициенты алгоритма самонастройки испытательного сигнала, полученные с ее помощью являются первыми их значениями в реальном эксперименте.

### 3. Особенности

Идентификация состоит из двух процессов:

1. Определение нижней границы `freqlow` испытательных частот (функция `TunFreq`).
2. Нахождение оценок коэффициентов объекта (функция `IdPla`).

Каждый из этих процессов состоит из двух подпроцессов:

1. Самонастройка амплитуды испытательного сигнала (функция `TunAmp`), необходимая для обеспечения требований (2) к границам входа и выхода объекта.
2. Фурье-фильтрация выхода (функция `TunFour`) с самонастройкой ее длительности (определения времени фильтрации, обеспечивающего требуемую точность вычисления частотных параметров объекта). Если эта точность не достигается, то это означает коррелированность гармоник испытательного сигнала с внешним возмущением, и поэтому эта гармоника не может быть использована для идентификации.

Каждый из подпроцессов состоит из испытаний, в которых к объекту (1) в течении интервала идентификации  $\Delta t$  прикладывается испытательный сигнал

$$(4) \quad \begin{aligned} u(t) &= \rho^{[i]} \sin \omega(t - t_{i-1}), \quad i = \overline{1, N_a + N_d}, \\ t_{i-1} &\leq t < t_i, \quad \Delta t = t_i - t_{i-1} = pT_b, \end{aligned}$$

в котором  $\omega$  – заданная испытательная частота,  $i$  – номер базового периода испытаний, заданной длительности  $T_b = 2\pi/\omega_b$ , где  $\omega_b$  – базовая частота (например, в процессе 2 – нахождения оценок коэффициентов объекта – это наименьшая из испытательных частот),  $p$  – коэффициент алгоритма идентификации – заданное число (по умолчанию  $p = 3$ ),  $\rho^{[i]}$  – амплитуда испытательного сигнала при  $i$ -том испытании,  $N_a$  – число периодов испытаний при самонастройке амплитуд,  $N_d$  – число периодов испытаний при Фурье-фильтрации.

На этапе планирования эксперимента объект (1) моделируется  $m$ -функцией Analysis. Структуру директивы D111sefad удобно описывать, используя скобки Бекуса:

<D111sefad>=<интерфейс><TunFreq><IdPla><протокол>,  
 <интерфейс>=<исходные данные><преобразование исходных данных>,  
 <исходные данные>=<полиномы  $d(s)$  и  $k(s)$  объекта><параметры раг внешнего возмущения><граница выхода  $-y_-$  и входа  $-u_-$ ><интервал дискретности  $h$ >.

## 4. Функции

### 4.1. Функции для определения нижней границы испытательных частот

Частоты испытательного сигнала должны удовлетворять [7] условиям

$$\omega_l \leq \omega \leq \omega_u,$$

где  $\omega_l$  и  $\omega_u$  – нижняя и верхняя границы собственных частот объекта. Эти границы определяются постоянными времени его передаточной функции

$$(5) \quad w(s) = K s^q \frac{\prod_{k=1}^{\check{p}} (\check{T}_k s + 1) \prod_{k=1}^{\check{p}} (\check{T}_k^2 s^2 + 2\check{T}_k \check{\xi}_k s + 1)}{\prod_{k=1}^{\bar{p}} (\bar{T}_k s + 1) \prod_{k=1}^{\bar{p}} (\bar{T}_k^2 s^2 + 2\bar{T}_k \bar{\xi}_k s + 1)},$$

где

$$\omega_l = \min \left\{ \frac{1}{\bar{T}_{k_1}}, \frac{1}{|\check{T}_{k_2}|}, \frac{1}{\bar{T}_{k_3}}, \frac{1}{|\check{T}_{k_4}|} \right\}, \quad \omega_u = \max \left\{ \frac{1}{\bar{T}_{k_1}}, \frac{1}{|\check{T}_{k_2}|}, \frac{1}{\bar{T}_{k_3}}, \frac{1}{|\check{T}_{k_4}|} \right\}$$

$$k_1 = \bar{1}, \bar{p} \quad k_2 = \bar{1}, \check{p} \quad k_3 = \bar{1}, \bar{p} \quad k_4 = \bar{1}, \check{p}.$$

Оценка нижней границы находится по формуле

$$(6) \quad \hat{\omega}_l = \frac{\omega \alpha(\tau)}{\beta(\tau)},$$

в которой  $\omega$  – заданное достаточно малое число, а  $\alpha(\tau)$  и  $\beta(\tau)$  – оценки частотных параметров объекта (на частоте  $\omega$ ) являющиеся выходами фильтра Фурье

$$(7) \quad \alpha(\tau) = \frac{2}{\rho\tau} \int_{t_F}^{t_F+\tau} y(t) \sin \omega(t - t_F) dt,$$

$$\beta(\tau) = \frac{2}{\rho\tau} \int_{t_F}^{t_F+\tau} y(t) \cos \omega(t - t_F) dt,$$

где  $\tau$  – время фильтрации, кратное  $T_b$ , а  $t_F$  – момент начала фильтрации.

В соответствии с алгоритмом [8] определения нижней границы испытательных частот, задается достаточно малое число  $\omega = \omega_0$  ( $\omega_0$  – коэффициент алгоритма идентификации) и, с помощью функции **TunAmp**, определяется амплитуда испытательного сигнала.

Поиск амплитуды  $\rho$  осуществляется уменьшением его значения, начиная с  $\rho = u_-$ , если не выполняется требование к выходу объекта (при выполнении этого требования искомое  $\rho = u_-$ ). Интервал  $\Delta t = pT_b$ . Базовый период испытаний  $T_b = 2\pi/\omega_0$ .

По окончании процесса настройки амплитуд, когда найдена амплитуда  $\rho^*$ , функция **TunAmp** вычисляет показатель интенсивности испытательного сигнала

$$(8) \quad \varkappa = \frac{|y_{\max} - \bar{y}_{\max}|}{|y_{\max}|},$$

где

$$y_{\max} = \max_{t_F + \tau/2 \leq t \leq t_F + \tau} |y(t)|, \quad \bar{y}_{\max} = \max_{t_F + \tau/2 \leq t \leq t_F + \tau} |\bar{y}(t)|, \quad \tau = T_b.$$

При амплитуде  $\rho = \rho^*$  с помощью функции **TunFour** находятся оценки частотных параметров  $\alpha(\tau)$  и  $\beta(\tau)$ . Здесь время фильтрации определяется из условий

$$(9) \quad \left| \frac{\bar{\alpha}(\tau)}{\alpha(\tau)} \right| \leq \varepsilon_\alpha, \quad \left| \frac{\bar{\beta}(\tau)}{\beta(\tau)} \right| \leq \varepsilon_\beta,$$

в которых  $\bar{\alpha}(\tau)$  и  $\bar{\beta}(\tau)$  – выходы фильтра Фурье (7) при  $y(t) = \bar{y}(t)$ , а  $\varepsilon_\alpha$  и  $\varepsilon_\beta$  – коэффициенты алгоритма идентификации – заданные числа (по умолчанию  $\varepsilon_\alpha = \varepsilon_\beta = 0.001$ ). При фиксированном  $\tau = \tau^*$  числа  $|\bar{\alpha}(\tau^*)/\alpha(\tau^*)|$  и  $|\bar{\beta}(\tau^*)/\beta(\tau^*)|$  называются *коэффициентами динамической корреляции*.

После выполнения неравенств (9) при некотором  $\tau = \tau_1$ , по формуле (6) вычисляется оценка нижней границы  $\omega_l^{(1)}$ . Затем изложенное повторяется для  $\omega = \omega_0/2$  и при некотором  $\tau = \tau_2$  находится новая оценка  $\omega_l^{(2)}$ , и т.д., до тех пор, пока не выполнится условие

$$\frac{|\omega_l^{(i)} - \omega_l^{(i-1)}|}{|\omega_l^{(i-1)}|} \leq \varepsilon_\omega, \quad i = 1, 2, \dots,$$

где  $\varepsilon_\omega$  – коэффициент алгоритма идентификации – заданное число (по умолчанию  $\varepsilon_\omega = \text{epsDo} = 0.2$ ).

Далее *элементарными* называются m-функции, с помощью которых выполняются содержательные для данной директивы операции. Так, **TunAmp** и **TunFour** являются элементарными m-функциями (em-функциями).

Объединение нескольких m- и em-функций называется *укрупненной* m-функцией (am-функцией). Функция **TunFreq**, служащая для определения нижней границы испытательных частот (**omlow**) является am-функцией. Она имеет структуру

$$\langle \text{TunFreq} \rangle = \langle \text{TunAmp} \rangle \langle \text{TunFour} \rangle.$$

## 4.2. Функции нахождения оценок коэффициентов объекта

После нахождения нижней границы испытательных частот определяются сами испытательные частоты. Для этой цели используется m-функция `TestOm2`. Эти частоты определяются как

$$\log \omega_k = \log \omega_l + (k-1) \frac{\log \omega_u - \log \omega_l}{n} \quad k = \overline{2, n},$$

где верхняя граница  $\omega_u = \omega_l \cdot M$ ,  $M$  – заданное число – коэффициент алгоритма идентификации (по умолчанию  $M = 30$ ).

Объект возбуждается испытательным сигналом (4) с частотами  $\omega_k$  ( $k = \overline{1, n}$ ) (при этом  $T_b = 2\pi/\omega_1$ ). Амплитуды находятся с помощью em-функции `TunAmp`, а частотные параметры – с помощью em-функции `TunFour`.

Em-функция `FrId` позволяет найти оценки коэффициентов объекта по оценкам его частотных параметров. Ам-функция `IdPla` нахождения оценок коэффициентов объекта имеет структуру

$$\langle \text{IdPla} \rangle = \langle \text{TestOm2} \rangle \langle \text{TunAmp} \rangle \langle \text{TunFour} \rangle \langle \text{FrId} \rangle.$$

## 5. Пример

Рассмотрим объект, описываемый уравнением

$$(10) \quad d_3 \ddot{y} + d_2 \dot{y} + d_1 y + d_0 u = k_1 \dot{u} + k_0 u + f.$$

Его выход и вход ограничены значениями

$$y_- = 1.5, \quad u_- = 3.$$

Задача состоит в том, чтобы найти оценки коэффициентов  $d_i, k_j$  ( $i = \overline{0, 3}$ ,  $j = \overline{0, 1}$ ) объекта.

**Примечание 2.** В численных экспериментах по идентификации объекта (10) использовалась технологическая модель [9] с коэффициентами

$$(11) \quad d_3 = 0.2, \quad d_2 = 1.24, \quad d_1 = 5.24, \quad d_0 = 1; \quad k_1 = -0.4, \quad k_0 = 1,$$

возмущением  $f(t) = \text{sign}(\sin 2.75t)$  и интервалом дискретности  $h = 0.01\text{c}$ .

Передачная функция объекта (10) с коэффициентами (11) имеет вид

$$w(s) = \frac{-0.4s + 1}{(5s + 1)(0.04s^2 + 0.24s + 1)} = -2 \frac{s - 2.5}{(s + 0.2)(s^2 + 6s + 25)}. \quad \blacksquare$$

В результате работы директивы `D111sefad` получено следующее:

1. Определена нижняя граница испытательных частот объекта  $\hat{\omega}_l = 0.19$  ( $\omega_0 = 0.1$ ). Это результат работы ам-функции `TunFreq`.
2. Используя эту величину найдены испытательные частоты:

$$\omega_1 = 0.19, \quad \omega_2 = 1.14, \quad \omega_3 = 5.73,$$

и получены оценки коэффициентов объекта:

$$\hat{d}_3 = 0.206, \quad \hat{d}_2 = 1.24, \quad \hat{d}_1 = 5.26, \quad \hat{d}_0 = 1; \quad \hat{k}_1 = -0.4037, \quad \hat{k}_0 = 1.0001.$$

Это результат работы ам-функции `IdPla`.

3. Передаточная функция идентифицированного объекта имеет вид

$$\hat{w}(s) = -1.95 \frac{s - 2.477}{(s + 0.198)(s^2 + 5.85s + 24.35)}.$$

## Список литературы

1. Льюнг Л. Идентификация систем. Теория для пользователя. М.: Наука, 1991.
2. Александров А.Г. Адаптивное управление на основе идентификации частотных характеристик // Известия РАН: «Теория и системы управления», 1995. № 2. С. 63-71.
3. Граничин О.Н., Поляк Б.Т. Рандомизированные алгоритмы оценивания и оптимизации при почти произвольных помехах. М.: Наука, 2003.
4. Alexandrov A.G., Orlov Yu.F., Mikhailova L.S. Identification and Adaptation Toolbox for MATLAB // 13-th Symposium on System Identification. Rotterdam, 2003. on CD-ROM. P. 995-1000.
5. Александров А.Г., Орлов Ю.Ф., Михайлова Л.С. АДАПЛАБ-М: директива для самонастройки испытательного сигнала // Труды II Всероссийской научной конференции: «Проектирование научных и инженерных приложений в среде MATLAB». М.: ИПУ им. В.А. Трапезникова РАН, 2004. CD-ROM № ISBN 5-201-14971-5. С. 6-17.
6. Дьяконов В.П., Круглов В. MATLAB. Анализ, идентификация и моделирование систем. Специальный справочник. СПб.: Питер, 2002.
7. Александров А.Г. Конечно-частотная идентификация: границы частот испытательного сигнала // Автоматика и телемеханика, 2001. Т. 62. № 11.
8. Александров А.Г. Конечно-частотная идентификация: самонастройка испытательного сигнала // Сборник научных трудов: «Робастное управление и частотная идентификация», Электросталь: ЭПИ МИСиС, 2004. С. 67-97.
9. Graebe S.F. Robust and adaptive control of an unknown plant: A benchmark of new format // 12-th World Congress of IFAC. Sydney. Australia. Preprints, 1993. V. III. P. 165-170.

## Приложение

### П.1. М-функции

**Cauchy1** – функция построения матриц объекта в форме Коши по коэффициентам формы (1) «вход-выход»

*Синтаксис:*

$$[A, B, C, D] = \text{Cauchy1}(d, k, m)$$

*Исходные данные:*

- d – вектор коэффициентов при выходном сигнале объекта,
- k – вектор коэффициентов объекта при управлении,
- m – вектор коэффициентов объекта при возмущении.

*Результаты вычислений:*

$$A, B=[B1 \ B2], C, D=[D1 \ D2] \text{ – матрицы объекта в форме Коши:}$$

$$\dot{\mathbf{x}} = A \cdot \mathbf{x} + B1 \cdot \mathbf{u} + B2 \cdot \mathbf{f}, \mathbf{y} = C \cdot \mathbf{x} + D1 \cdot \mathbf{u} + D2 \cdot \mathbf{\eta}.$$

**Analysis** – функция моделирования при произвольных входных воздействиях

*Синтаксис:*

$[y, x] = \text{Analysis}(A, B, C, D, [u;f], t, x, \text{flag})$

*Исходные данные:*

$[u;f]$  – матрица входных воздействий  $[u(t)$  и  $f(t)]$ ,

$t$  – временная сетка (вектор времени моделирования),

$x$  – начальный вектор состояния,

$\text{flag}$  – флаг построения графика:

$\text{flag} \neq 0$  – график строить,  $\text{flag} = 0$  – график не строить.

*Результаты вычислений:*

$y$  – вектор выходных переменных,

$x$  – конечный вектор состояния.

**TestOm2** – функция формирования испытательных частот

*Синтаксис:*

$\text{om} = \text{TestOm2}(n, \text{omlow}, \text{omup}, h)$

*Исходные данные:*

$n$  – размер вектора состояния объекта,

$\text{omlow}$  – нижняя граница испытательных частот,

$\text{omup}$  – верхняя граница испытательных частот,

$h$  – интервал дискретности.

*Результаты вычислений:*

$\text{om}$  –  $n$ -мерный вектор испытательных частот.

## П.2. Em-функции

**TunAmp** – функция самонастройки амплитуды испытательного сигнала

*Синтаксис:*

$[\text{rho}, \text{Tend}, x, \text{kap}] = \text{TunAmp} \dots$

$(A, B, C, D, \text{rho}, \text{omega}, \text{par}, N, h, y_-, u_-, \text{Tbegin}, x, \text{flag})$

*Исходные данные:*

$\text{rho}$  – начальная амплитуда испытательного сигнала,

$\text{omega}$  – частота испытательного сигнала,

$\text{par}$  – вектор параметров внешнего возмущения (первый элемент –  $\text{par}(1)$  – тип возмущения: 1 – ступенька, 2 – гармоника, 3 – меандр, и т.д.),

$N$  – число шагов при фиксированном  $\text{rho}$ ,

$h$  – интервал дискретности,

$y_-$  – ограничение на выход объекта:  $|y(t)| < y_-$ ,

$u_-$  – ограничение на вход объекта:  $|u(t)| < u_-$ ,

$\text{Tbegin}, x$  – время (момент) начала самонастройки и вектор состояния.



*Результаты вычислений:*

- rho** – амплитуда испытательного сигнала,
- Tend, x** – время (момент) окончания самонастройки и вектор состояния,
- kap** – показатель интенсивности (8) испытательного сигнала.

**TunFour** – функция Фурье-фильтрации с самонастройкой времени фильтрации

*Синтаксис:*

[alf, bet, Dfa, Dfb, Tend, x] = TunFour ...  
(A, B, C, D, rho, omega, par, N, h, epsDa, epsDb, Pmax, Tbegin, x, flag)

*Исходные данные:*

- epsDa, epsDb** – коэффициенты алгоритма идентификации из условий (9) (по умолчанию  $\varepsilon_\alpha = \varepsilon_\beta = 10^{-3}$ ),
- Pmax** – ограничение на число циклов самонастройки времени фильтрации.

*Результаты вычислений:*

- alf, bet** – оценки частотных параметров [вещественной – **alf** и мнимой – **bet** части передаточной функции (5) объекта (1)],
- Dfa, Dfb** – коэффициенты динамической корреляции.

**FrId** – функция решения частотных уравнений идентификации

*Синтаксис:*

[d, k] = FrId (n, gam, im\*om, alf+im\*bet)

*Исходные данные:*

- n** – степень знаменателя искомой передаточной функции,
- gam** – степень числителя искомой передаточной функции,
- im** – мнимая единица.

*Результаты вычислений:*

- d** –  $n$ -мерный вектор коэффициентов знаменателя передаточной функции,
- k** –  $\gamma$ -мерный вектор коэффициентов числителя передаточной функции.

### П.3. Ам-функции

**TunFreq** – функция нахождения нижней границы испытательных частот

*Синтаксис:*

[omlow, Tend, x] = TunFreq ...  
(A, B, C, D, par, pa, N, h, y\_, u\_, Tbegin, x, flag)

*Исходные данные:*

- pa** – вектор параметров алгоритма идентификации.

*Результаты вычислений:*

- omlow** – нижняя граница испытательных частот.

**IdPla** – функция частотной идентификации при известной нижней границе испытательных частот

*Синтаксис:*

$[d, k, Tend, x] = IdPla(A, B, C, D, par, pa, omLow, y_, u_, h, Tbegin, x)$

#### П.4. Dm-функции – директивы (как объединение am-функций)

**D111sefad** – функция конечно-частотной идентификации

*Синтаксис:*

$[d, k] = D111sefad(d, k, m, par, pa, y_, u_, h)$

**D111sad** – функция конечно-частотной идентификации с заданными испытательными частотами (либо заданным `omLow`)

*Синтаксис:*

$[d, k] = D111sad(d, k, m, par, pa, om, y_, u_, h)$

**D111** – функция конечно-частотной идентификации с заданными амплитудами и частотами испытательного сигнала, а также длительностью идентификации

*Синтаксис:*

$[d, k] = D111(d, k, m, par, pa, om, ro, h, N)$

*Исходные данные:*

`ro` – заданный  $n$ -мерный вектор амплитуд испытательного сигнала.